

1 十分遠方にある反射物体からの反射電波を2本の無指向性アンテナ1、2で観測し、反射物体の方角を推定する。2次元問題とし、反射物体の数が1つであることは既知とする。2本のアンテナの特性はよく揃っており、ノイズは反射信号とは無相関な白色雑音とすると、反射物体方位推定精度の理論限界はどのように与えられるか？ なおアンテナ1および2のノイズ間にも相関は無いものとする。特に

観測信号波形：実効値 $s = 1 \text{ V}$ ，周波数 $f = 10 \text{ MHz}$ の正弦波のバースト，持続時間 $T = 0.1 \text{ ms}$

各アンテナで観測されるノイズ密度： $w = 0.001 \text{ V}/\sqrt{\text{Hz}}$

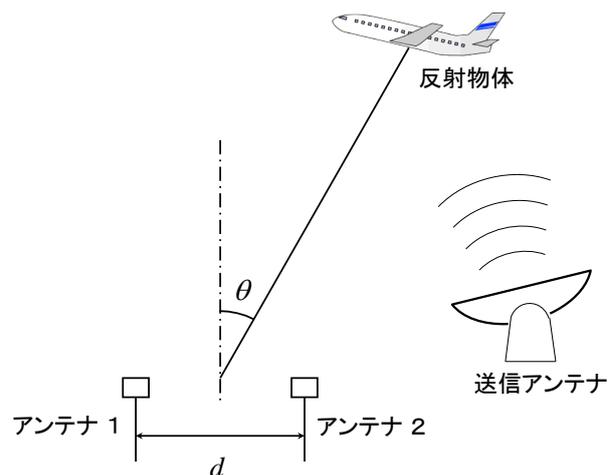
反射物体のおおよその方位： $\theta = 30^\circ$ 付近

光速： $c = 3.0 \times 10^8 \text{ m/s}$

アンテナ1、2の間隔： $d = 5 \text{ m}$

の場合どうか？

* 反射物体は点とみなしてよい。



2 暗闇の中で球状の反射マーカを撮影したときの濃淡画像 $q(m, n) = Ae^{-\frac{(m-a)^2+(n-b)^2}{B^2}}$ に雑音 $w(m, n)$ が重畳している。 $w^2(m, n)$ の期待値は v であり、画素間に相関はなくランダムな値であるとみなせる。 $A, B > 0$ は既知として、マーカを中心座標の推定精度の限界はどのように与えられるか。ただし m, n は整数とし、 N を縦横の画素数として $N \gg B \gg 1$ とする。またマーカの全体が画像に含まれている。

なお

$$\sum_{m,n} \frac{(m-a)^2}{B^2} e^{-2\frac{(m-a)^2+(n-b)^2}{B^2}} \approx \sum_{m,n} \frac{(n-b)^2}{B^2} e^{-2\frac{(m-a)^2+(n-b)^2}{B^2}} \approx B^2 C$$

(C は B, a, b によらない定数) を用いてよい。